



H.R. POURREZA 1

# بخش ازدور

## بخش نهم: آشکارسازی لبه

ممیدرضا پوررضا

## آشکارسازی لبه

2

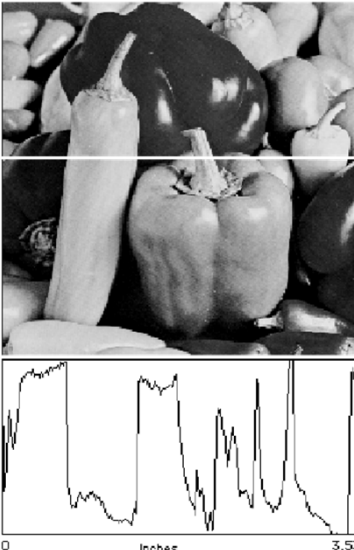
- انسان می تواند بسیاری از اشیاء را از روی تصویر فطوط آنها شناسایی کند
  - مثال: تصاویر کارتونی
- سیستم بینایی انسان قبل از بازشناسی رنگ یا شدت روشنایی، نوعی آشکارسازی لبه انجام می دهد
- بنابراین انجام آشکارسازی لبه قبل از تفسیر تصاویر در سیستم های فودکار منطقی به نظر می رسد
- انجام عملیات آشکارسازی لبه، پردازش مهمی در بسیاری از سیستم های بینایی مصنوعی محسوب می شود

H.R. POURREZA

**MV Lab**

آشکارسازی لبه

3



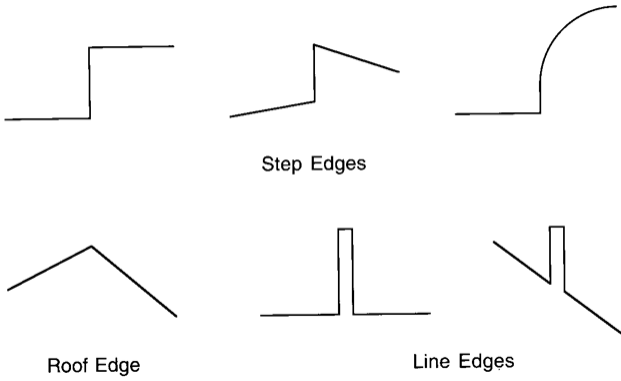
- لبه چیست؟ به تغییرات ناگهانی مملی در روشنایی تصویر لبه گفته می‌شود
- لبه‌ها عموماً در مرز دو نامیه اتفاق می‌افتند
- لبه‌ها ویژگی مهمی در پردازش تصویر هستند
- تغییرات ناشی از نویز لبه نیستند
  - تصاویر واقعی نویزی هستند
  - آشکارسازی لبه در تصاویر نویزی کار دشواری است
  - تغییرات ناشی از سایه نیز لبه نیست

H.R. POURREZA

**MV Lab**

لبه‌های ایده آل

4



Step Edges

Roof Edge

Line Edges

H.R. POURREZA

MV Lab

لبه های واقعی

5

step  
or  
ramp

line  
or  
roof

H.R. POURREZA

MV Lab

آشکارسازی لبه

6

تعاریف

- یک نقطه‌ی لبه، نقطه‌ای است که در ممل آن تغییرات مملی (روشنایی و جود دارد
- یک آشکارساز لبه، الگوریتمی است که لبه‌ها را در یک تصویر مناسبه می‌کند
- یک کانتور، یک مسیر بسته ناشی از مرزهای یک شی است
- دنبال کردن لبه، فرایند جستجوی تصویر برای یافتن کانتورها است
- فرایند کشف لبه با دو پدیده مواجهه است
  - لبه‌های کشف شده
    - لبه‌های واقعی که اطلاعات مفید تصویر بوده و منطبق بر مرزهای تصویر است
    - لبه‌های کاذب که مطابق لبه‌های واقعی نبوده و ناشی از نویز است
  - لبه‌های گم شده
    - لینک کردن لبه‌ها می‌تواند مشکل لبه‌های گم شده را ترمیم کند
    - دنبال کردن لبه، به کمک لبه‌های کشف و ترمیم شده، کانتورها را پیدا می‌کند

H.R. POURREZA



تعیین محل لبه

7

□ **مراحل**


- کشف قطعه لبه‌های قطعی کوچک (فرد لبه)
- گردآوری فرد لبه‌ها به منظور ایجاد لبه

□ **آشکارسازی فرد لبه**

- با استفاده از عملگر تفاضل (از دو کلیشه‌ی عمود بر هم استفاده می‌کنند)
- با استفاده از کلیشه‌های لبه (از چندین کلیشه استفاده می‌کنند)
- با انطباق مدل‌های پارامتریک

**نویز می‌تواند اثر منفی بر روی کشف لبه بگذارد.**

H.R. POURREZA

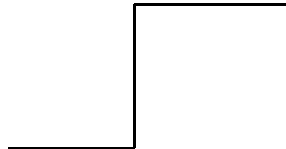


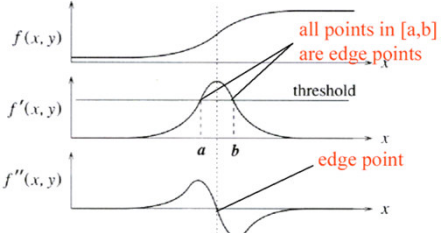
آشکارسازی لبه به کمک عملگر تفاضل

8

□ **لبه مملی است که در آن تغییرات رخ می‌دهد**

- اندازه‌گیری تغییرات می‌تواند به کمک مشتق انجام شود
- بیشترین تغییرات به معنای ماکزیمم شدن مشتق اول و صفر شدن مشتق دوم می‌شود





H.R. POURREZA

MV Lab

آشکار سازی لبه به کمک عملگر تفاضل

9

گرادیان: برداری است که حداکثر نرخ تغییرات (روشنایی)  $f(x, y)$  را ارائه می‌کند

$$\nabla f = \left[ \frac{\partial f}{\partial x}, \frac{\partial f}{\partial y} \right]$$

$\nabla f = \left[ \frac{\partial f}{\partial x}, 0 \right]$

$\nabla f = \left[ 0, \frac{\partial f}{\partial y} \right]$

$\nabla f = \left[ \frac{\partial f}{\partial x}, \frac{\partial f}{\partial y} \right]$

H.R. POURREZA

MV Lab

آشکار سازی لبه به کمک عملگر تفاضل

10

گرادیان

$$\nabla f = \left[ \frac{\partial f}{\partial x}, \frac{\partial f}{\partial y} \right]$$

جهت گرادیان:

$$\theta = \tan^{-1} \left( \frac{\frac{\partial f}{\partial y}}{\frac{\partial f}{\partial x}} \right)$$

این مقدار چه ارتباطی با جهت لبه دارد؟


شدت گرادیان با اندازه گرادیان بیان می‌شود:

$$\|\nabla f\| = \sqrt{\left(\frac{\partial f}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial f}{\partial y}\right)^2}$$

$$\|\nabla f\| \approx \left| \frac{\partial f}{\partial x} \right| + \left| \frac{\partial f}{\partial y} \right|$$

$$\|\nabla f\| \approx \text{Max} \left( \left| \frac{\partial f}{\partial x} \right|, \left| \frac{\partial f}{\partial y} \right| \right)$$

H.R. POURREZA



## آشکار سازی لبه به کمک عملگر تفاضل

11

□ چگونه می توان بر روی یک تصویر دیجیتال مشتق گرفت؟

- از تصویر دیجیتال، یک تصویر آنالوگ بسازیم و سپس از آن مشتق بگیریم (می توان بصورت مملی یک تابع را روی سطوح فاکستری تصویر برازش کرد)
- از مشتق گسسته استفاده کنیم (Finite Difference)
- از دو کلیشه متعامد استفاده شده و بر اساس آنها راستای لبه مشخص می شود

مثلاً

$$G_x \approx \Delta_x f(i, j) = f(i, j+1) - f(i, j)$$

$$G_y \approx \Delta_y f(i, j) = f(i, j) - f(i+1, j)$$

□ این روابط متناظر با کانالو کردن تصویر با ماسک های زیر است

$$G_x = \begin{bmatrix} -1 & 1 \end{bmatrix} \quad G_y = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix}$$

H.R. POURREZA



## آشکار سازی لبه به کمک عملگر تفاضل

12



$\frac{\partial f(x, y)}{\partial x}$ 


-1

1

$\frac{\partial f(x, y)}{\partial y}$ 


1

-1

کدام یک تغییرات در جهت x را نشان می دهد؟

MV Lab

آشکار سازی لبه به کمک عملگر تفاضل

13

$G_x$  مشتق را در نقطه  $(i, j+1/2)$  بدست می آورد  
 $G_y$  مشتق را در نقطه  $(i+1/2, j)$  بدست می آورد

$\square$  ماسک  $2 \times 2$  برای بدست آوردن لبه در  $(i+1/2, j+1/2)$

$$G_x = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix} \quad G_y = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & -1 \end{bmatrix}$$

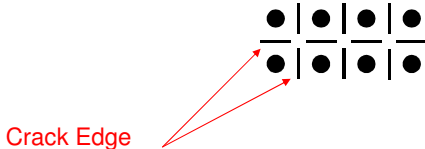
H.R. POURREZA

MV Lab

آشکار سازی لبه به کمک عملگر تفاضل


14

به لبه هایی که بین پیکسلها قرار گرفته Crack Edge گفته می شود. در این حال پیدا کردن لبه ها ساده است اما امتداد لبه ها تنها می تواند افقی یا عمودی باشد



Crack Edge

H.R. POURREZA

 آشکارسازی لبه به کمک عملگر تفاضل — اپراتور Robert

15


□ لبه را در  $(i+1/2, j+1/2)$  بدست می‌آورد

$$G_x = \begin{bmatrix} \textcircled{1} & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \quad G_y = \begin{bmatrix} \textcircled{0} & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

□ برای بدست آوردن نرغ تغییرات در وامد طول بایستی مقادیر  $G_x$  و  $G_y$  بر رادیکال ۲ تقسیم شود (مماسیبهی گرادیان قطری انجام شده)

ایراد: مساسیت بالا به نویز به دلیل استفاده از نقاط کم در تمین مشتق

H.R. POURREZA


 آشکارسازی لبه به کمک عملگر تفاضل — اپراتور Prewitt

16

$$G_x = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -1 & \textcircled{0} & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad G_y = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & \textcircled{0} & 0 \\ -1 & -1 & -1 \end{bmatrix}$$

H.R. POURREZA





## آشکار سازی لبه به کمک عملگر تفاضل — اپراتور Sobel


17

- بهترین و عمومی ترین اپراتور آشکار سازی لبه است
- لبه را در  $(z_r)$  بدست می آورد
- همزمان عمل هموار سازی نیز انجام می دهد
- تاکید بر نقاط نزدیک به  $(z_r)$  است

$$G_x = \frac{1}{8} \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad G_y = \frac{1}{8} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -2 & -1 \end{bmatrix}$$

- عموماً از ضریب  $1/8$  صرف نظر می شود، ولی برای مناسبه مقدار درست گرادیان این ضریب بایستی وجود داشته باشد

H.R. POURREZA



## آشکار سازی لبه به کمک عملگر تفاضل — اپراتور Robinson

18

$$G_x = \begin{bmatrix} -1 & 1 & 1 \\ -1 & -2 & 1 \\ -1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \quad G_y = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -2 & 1 \\ -1 & -1 & -1 \end{bmatrix}$$

H.R. POURREZA

آشکار سازی لبه و هموار سازی به عنوان پیش پردازش

MV Lab

19

a. Original  
b. Smoothed image  
c. Gradient with 1x2, 2x1 masks (T=32)  
d. Gradient with 2x2 masks (T=64)  
e. Roberts operator (T=64)  
f. Sobel operator (T=128)  
g. Prewit operator (T=128)

آشکار سازی لبه به کمک عملگر تفاضل

MV Lab

20

□ بر مبنای Global Thresholding (استفراج لبه ها بر اساس نوامی)

سطوح فاکستری به دو باند تقسیم شده و مقدار آستانه ای بین دو باند تصویر را به دو نامیه بخش بندی می کند

مقدار  $T$  باید طوری انتخاب شود که نقاط  $B_1$  متعلق به زمینه و نقاط  $B_2$  متعلق به اشیاء باشد.

تصویر را جاروب کنید. هرگاه در رفتن از یک نقطه به نقطه دیگر از یک باند به باند دیگر رفتید، به این معنی است که نقطه متعلق به مرز شیء است. بدین ترتیب تصویر در دو نوبت جاروب می شود. سپس از نتیجه دو بار جاروب، مرز اشیاء بدست می آید.

H.R. POURREZA

MV Lab

آشکار سازی لبه به کمک عملگر تفاضل

21

□ بر مبنای Global Thresholding (ادامه)

نوبت اول:

$$g_1(i, j) = \begin{cases} L_E & \text{if } f(i, j-1) \in B_1, f(i, j) \in B_2 \text{ or } f(i, j-1) \in B_2, f(i, j) \in B_1 \\ L_B & \text{otherwise} \end{cases}$$

نوبت دوم:

$$g_2(i, j) = \begin{cases} L_E & \text{if } f(i-1, j) \in B_1, f(i, j) \in B_2 \text{ or } f(i-1, j) \in B_2, f(i, j) \in B_1 \\ L_B & \text{otherwise} \end{cases}$$

مرز تصویر:

$$g_3(i, j) = \begin{cases} L_E & \text{if } g_1 = L_E \text{ or } g_2 = L_E \\ L_B & \text{otherwise} \end{cases}$$

این روش برای مقادیر مختلف دو باند می‌تواند تکرار شود و مطلوبترین نتیجه انتخاب گردد. این روش برای چند سطح هم می‌تواند استفاده شود.







H.R. POURREZA

MV Lab


آشکار سازی لبه به کمک عملگر تفاضل

22

□ (ادامه) Global Thresholding

	لبه بر اساس گرادیان			
تصویر نویزی				لبه های افقی
تصویر عمودی				لبه های بهبود یافته به کمک نازک سازی مورفولوژیک
	لبه های عمودی و افقی			

RREZA




## آشکارسازی بیهوشهای مبتنی بر کلیشه

23

- در این روش از تعدادی (۴ یا ۸) کلیشه می‌شود
- هر کدام از این کلیشه‌ها لبه را در یک راستا مشخص می‌کند
- نتایج اعمال کلیشه‌ها با یکدیگر مقایسه می‌شوند
- کلیشه‌ای که بیشترین مقدار را ارائه کند، دامنه و راستای لبه را مشخص خواهد کرد
- به Thresholding هنوز هم امتیاج است

H.R. POURREZA



## آشکارسازی بیهوشهای مبتنی بر کلیشه — اپراتور Kirsch

24

$A_0$	$A_1$	$A_2$
$A_7$	$f(j,k)$	$A_3$
$A_6$	$A_5$	$A_4$


$$S_i = A_i + A_{i+1} + A_{i+2}$$

$$T_i = A_{i+3} + A_{i+4} + A_{i+5} + A_{i+6} + A_{i+7}$$

اندیس A ها بصورت Modula-8 است.

$$\text{Max}_{i=0}^7 [3T_i - 5S_i]$$

H.R. POURREZA



**آشکارسازی لبه‌باروشهای مبتنی بر کلیشه — اپراتور Kirsch**

25

$$G_1 = \begin{bmatrix} -5 & 3 & 3 \\ -5 & 0 & 3 \\ -5 & 3 & 3 \end{bmatrix} \quad G_2 = \begin{bmatrix} 3 & 3 & 3 \\ 3 & 0 & 3 \\ -5 & -5 & -5 \end{bmatrix} \quad G_3 = \begin{bmatrix} 3 & 3 & 3 \\ -5 & 0 & 3 \\ -5 & -5 & 3 \end{bmatrix}$$

- با اعمال ۸ اپراتور مختلف، اپراتوری که پاسخ آن حداکثر است تعیین کننده‌ی راستای لبه است
- یک کد ۳ بیتی می‌توان برای مشخص کردن امتداد لبه در نظر گرفت
- استفاده از پنجره‌ی بزرگتر
  - تعداد جهت‌های قابل تفکیک بیشتر می‌شود
  - اثر نویز کاهش می‌یابد
  - لبه‌های نزدیک به هم قابل تشخیص نیستند
- با استفاده از دیگر اپراتورها نظیر Sobel نیز می‌توان کلیشه‌های لبه را ایجاد کرد

H.R. POURREZA


**آشکارسازی لبه‌باروشهای مبتنی بر کلیشه — با استفاده از اپراتور SOBEL**

26

$$G_0 = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -2 & -1 \end{bmatrix} \quad G_1 = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & -1 \\ 0 & -1 & -2 \end{bmatrix} \quad G_2 = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 2 & 0 & -2 \\ 1 & 0 & -1 \end{bmatrix} \quad G_3 = \begin{bmatrix} 0 & -1 & -2 \\ 1 & 0 & -1 \\ 2 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$G_4 = \begin{bmatrix} -1 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} \quad G_5 = \begin{bmatrix} -2 & -1 & 0 \\ -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \quad G_6 = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad G_7 = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \\ -2 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

- اپراتورهای Sobel و Kirsch عموماً بهتر از دیگر اپراتورها عمل می‌کنند
- اپراتور Kirsch به تغییرات کوچک‌گرادیان بسیار حساس است
- اپراتورهای با پنجره‌ی کوچکتر، بدلیل حجم محاسبات کمتر، بیشتر استفاده می‌شوند

H.R. POURREZA

MV Lab

تأثیر نویز بر آشکار سازی لبه

27

با توجه به تعریف لبه، نویز نیز می‌تواند به عنوان فرده لبه آشکار شود



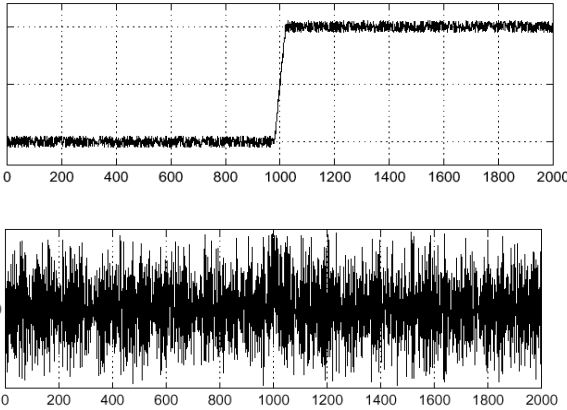
H.R. POURREZA

MV Lab

تأثیر نویز بر آشکار سازی لبه

28

یک سطر از یک تصویر را در نظر بگیرید



H.R. POURREZA

MV Lab

تأثیر نوبز بر آشکار سازی لبه

29

نوبز عموماً به کمک یک تابع پگالی احتمال مدل می‌شود

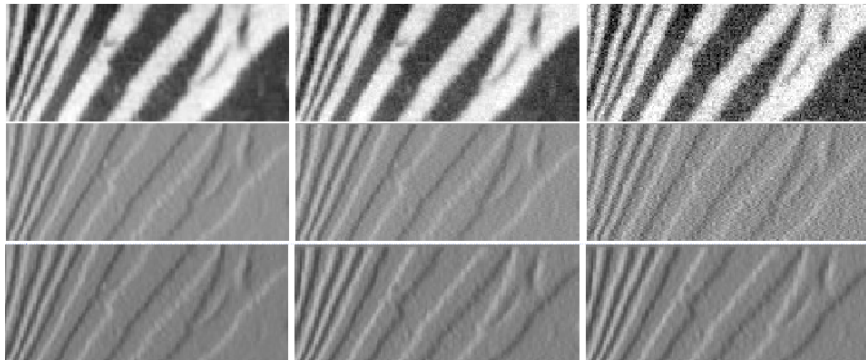
- یک روش عمومی برای مدل کردن نوبز، استفاده از یک مدل نوبز گوسی جمع شونده‌ی ایستا است. در این حال عموماً میانگین نوبز صفر در نظر گرفته می‌شود. بنابراین تنها پارامتر مدل نوبز، انحراف معیار آن خواهد بود
- مزیت استفاده از این مدل، سهولت تخمین پاسخ فیلترها یا عملگرها به آن است
- برای کاهش اثر نوبز از هموارسازی استفاده میشود

H.R. POURREZA

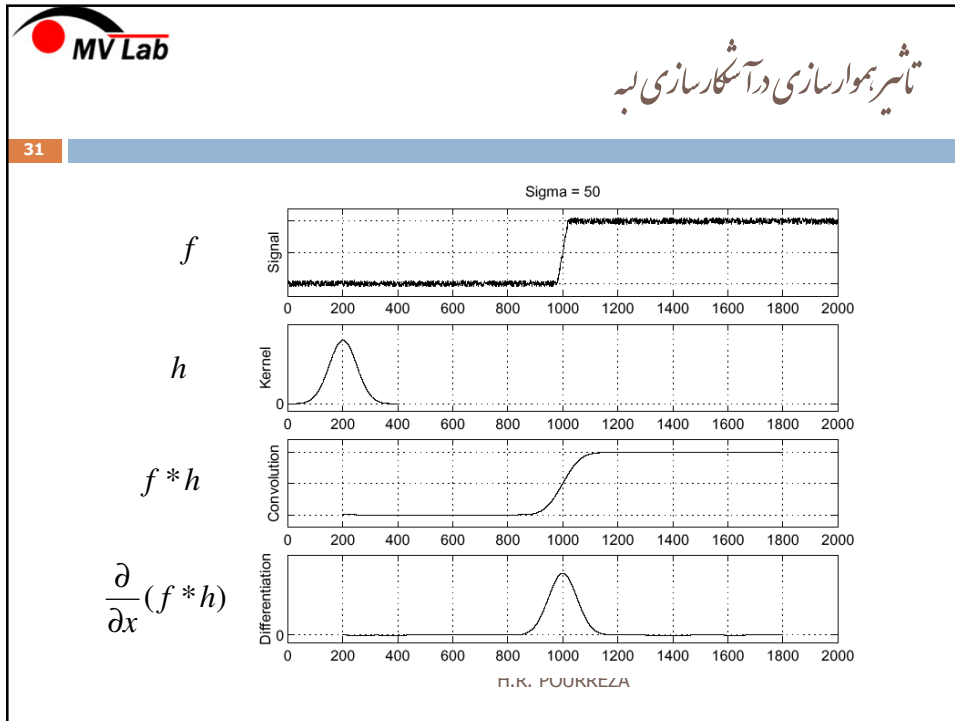
MV Lab

تأثیر هموارسازی در آشکار سازی لبه

30



H.R. POURREZA



استفاده از مشتق مرتبه دو در آشکارسازی لبه

MV Lab

32

مشتق دوم دو بعدی □

$$\nabla^2 f(x, y) = \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2}$$

تقریب دیامیتالی □

$$\nabla^2 f(i, j) \approx f(i+1, j) + f(i-1, j) + f(i, j+1) + f(i, j-1) - 4f(i, j)$$

کلپشوی لاپلاسین □

$$\nabla^2 \approx \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & -4 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

H.R. POURREZA



MV Lab

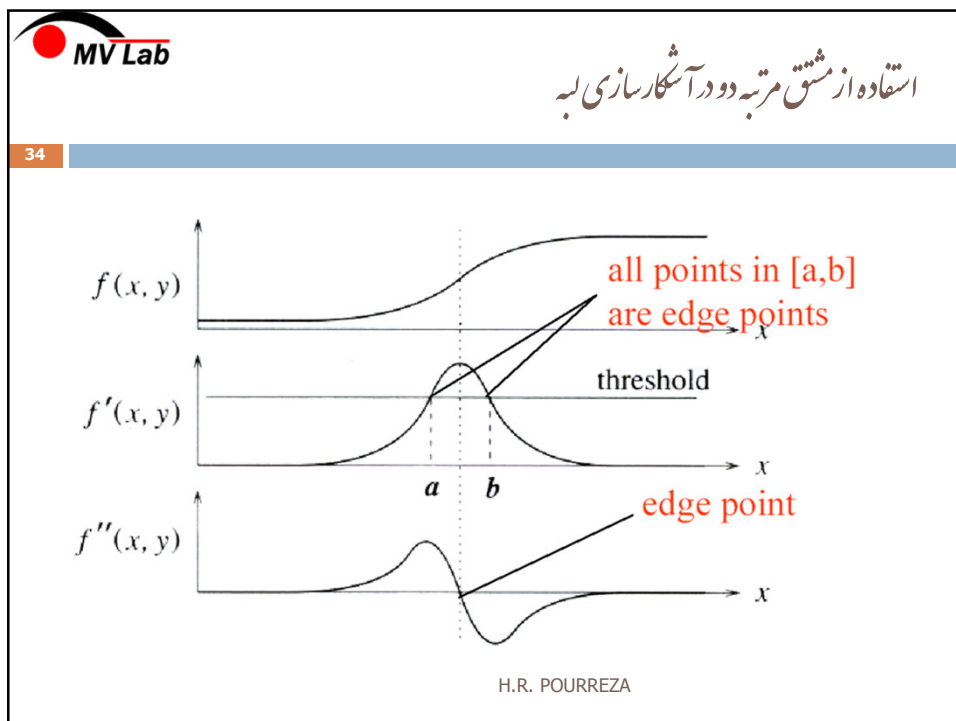
استفاده از مشتق مرتبه دو در آشکارسازی لبه


33

- ماکزیمم شدن مشتق اول (لبه) متناظر با صفر شدن مشتق دوم است
- اشکالات استفاده از مشتق دوم
  - مساسیت بالاتر به نویز
  - از بین رفتن اطلاعات جهت (مشتق دوم ایزوتروپیک است)
- بنابراین عموماً از ترکیب مشتق اول و دوم استفاده می شود
- روش ترکیبی:
- یک نقطه لبه است اگر

$$\nabla^2 f(x, y) \approx 0 \quad \& \quad |\nabla f(x, y)| > \text{Threshold}$$

H.R. POURREZA





تئوری مشتق کانولوشن

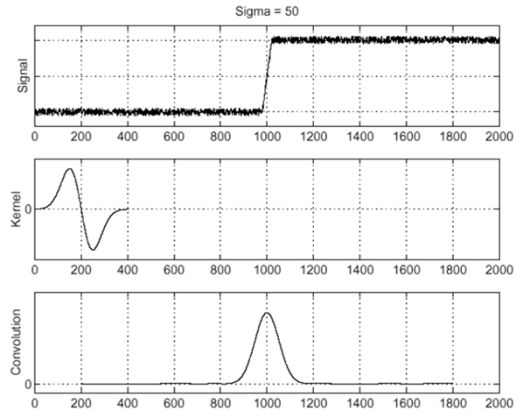
35

$$\frac{\partial}{\partial x}(h * f) = \left(\frac{\partial}{\partial x}h\right) * f$$

$f$


$\frac{\partial}{\partial x}h$

$\left(\frac{\partial}{\partial x}h\right) * f$



این مسئله باعث صرفه جویی در یک عمل می‌شود

H.R. POURREZA



استفاده از مشتق مرتبه دو در آشکارسازی لبه - لاپلاسیان کوسین LOG

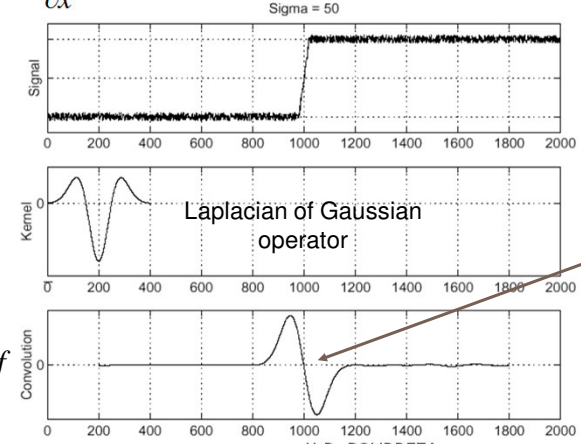
36

$$\frac{\partial^2}{\partial x^2}(h * f)$$

$f$

$\frac{\partial^2}{\partial x^2}h$

$\left(\frac{\partial^2}{\partial x^2}h\right) * f$



عمل لبه

H.R. POURREZA



**MV Lab**

استفاده از مشق مرتبه دو در آشکارسازی لبه - لاپلاسین کوسین LOG

39

- درجه‌ی هموارسازی را  $\sigma$  تعیین می‌کند
- $\sigma$  بزرگتر موجب می‌شود نویز بهتر فیلتر شود، ولی باعث تار شدن و جابجایی لبه می‌شود
- $\sigma$  کوچکتر باعث ایجاد لبه‌های کاذب می‌شود، ولی ممل لبه‌ها بهتر تعیین می‌شود
- بهترین مقدار برای اندازه فیلتر نامشخص است

H.R. POURREZA

**MV Lab**

استفاده از مشق مرتبه دو در آشکارسازی لبه - لاپلاسین کوسین LOG

40

	$\sigma=1$	$\sigma=2$	$\sigma=4$	$\sigma=8$
t=0				
t=2				
t=4				
t=8				

H.R. POURREZA

MV Lab

استفاده از مشتق مرتبه دو در آشکارسازی لبه - لاپلاسیان کوسین LOG

41

□ LOG بقبوی توسط DoG تخمین زده می شود. DoG کانوالو تفاضل دو ماسک گوسین با  $\sigma$  کاملاً متفاوت با تصویر است



original



smoothed (5x5 Gaussian)



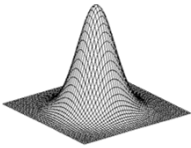
smoothed – original  
(scaled by 4, offset +128)

H.R. POURREZA

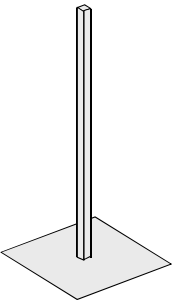
MV Lab

آشکارسازی لبه به کمک تفریق

42

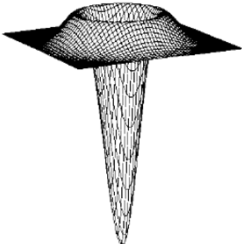


Gaussian



delta function

≈



Laplacian of Gaussian

H.R. POURREZA

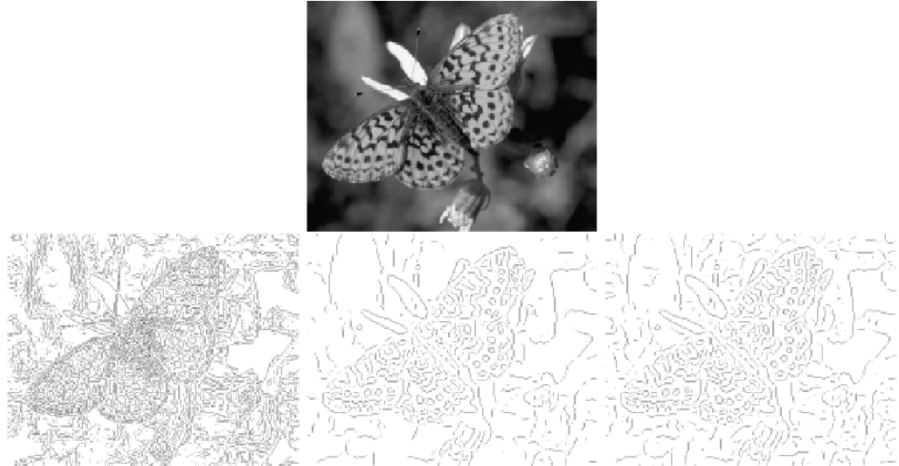




MV Lab

اثر حد آستانه بر آشکار سازی لبه

47



H.R. POURREZA

MV Lab

مراحل آشکار سازی لبه

48

- تعیین حد آستانه:
- آستانه‌ی ثابت
  - با استفاده از متوسط تصویر گرادیان
  - با استفاده از هیستوگرام تصویر گرادیان
- آستانه‌ی وقتی (Adaptive)
  - استفاده از متوسط محلی تصویر گرادیان

H.R. POURREZA



استفاده از مدل لبه

MV Lab

49

□ اپراتور هیوکل (Hukel):

- از یک همسایگی دایره‌ای و چهار پارامتر لبه تعریف می‌شود. سپس در یک همسایگی دایره‌ای پارامترهای چهارگانه چنان تمین زده می‌شوند، که بهترین انطباق بین تصویر و مدل بدست آید. در این حال مجموع مربعات تفاضل تصویر و مدل می‌تواند برای تابع هزینه (Cost Function) استفاده شود.

H.R. POURREZA

آشکارسازی خطوط در تصویر

MV Lab


50

□ کشف خطوط می‌تواند به کمک تعدادی کلیشه و رابطه‌ی زیر انجام شود:

$$f(i, j) = \max[0, \max_k (g, h_k)]$$

$h_1 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 2 & -1 & 0 \\ 0 & -1 & 2 & -1 & 0 \\ 0 & -1 & 2 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$	$h_2 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 2 & -1 \\ 0 & -1 & 2 & -1 & 0 \\ 0 & -1 & 2 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$	$h_3 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 2 & -1 \\ 0 & -1 & 2 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
$h_4 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 2 & -1 & 0 \\ 0 & -1 & 2 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$	$h_5 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -1 & 2 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 2 & -1 & 0 \\ 0 & -1 & 2 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$	$h_6 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 2 & -1 & 0 \\ 0 & -1 & 2 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
$h_7 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -1 & 2 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 2 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$	$h_8 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & -1 & -1 & 0 \\ 0 & 2 & 2 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & -1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$	

H.R. POURREZA



## نازک سازی خطوط

51


□ Non-maximal Suppression (قبل از آستانه گیری)

□ استفاده از تعدادی کلیشه (بعد از آستانه گیری)

$\begin{bmatrix} 1 & x & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ x & 0 & 0 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} x & 1 & 1 \\ 0 & 1 & x \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} x & 1 & x \\ 1 & 1 & x \\ x & x & 0 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} x & 1 & x \\ x & 1 & 0 \\ 0 & x & 0 \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ x & 1 & 0 \\ 1 & 1 & x \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & x \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & x & 1 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} x & x & 0 \\ 1 & 1 & x \\ x & 1 & x \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 0 & x & x \\ x & 1 & 1 \\ x & 1 & x \end{bmatrix}$

پس از انطباق Seed Pixel با صفر جایگزین می شود

H.R. POURREZA



## پر کردن لبه ها (Edge Filling)

52


□ استفاده از تعدادی کلیشه (بعد از آستانه گیری)

$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$

پس از انطباق، Seed Pixel با یک جایگزین می شود

(روشهای فوق تضمینی برای یک پیکسل بودن عرض خطوط و یا پیوستگی آن ایجاد نمی کند)

H.R. POURREZA



تناظر

53

- تناظر کاربردهای متعددی دارد مانند تفمین مرکب و تفمین عمق
- در حالت عمومی برای بدست آوردن تناظر بین نقاط دو تصویر، تناظر هر پیکسل با کلیه نقاط تصویر دیگر الزامی است که البته این کار با محاسباتی بسیار زیادی را ایجاد می‌کند
- کاهش محاسبات می‌تواند به کمک ایجاد تناظر بین نقاط ویژه (مانند گوشه‌ها) حاصل شود

H.R. POURREZA